

| | | | |
|---|-----------------------|---------------------|--|
| ساعت شروع: ۸ صبح | تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹ | تعداد صفحه: ۳ | سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳ |
| رشته: ریاضی فیزیک | مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه | نام و نام خانوادگی: | پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه |
| دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | | | مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir |

| ردیف | سؤالات (پاسخ نامه دارد) | نمره |
|---|---|------|
| استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است. | | |
| الف) بخش الزامی | | |
| دانش آموزان عزیز به سوالات اتا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره پاسخ دهید.) | | |
| ۱ | جاهای خالی را با عبارات مناسب پرکنید. الف) اگر $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ وارون پذیر نباشد، مقدار a برابر است. ب) اگر ماتریسی قطری باشد و تمام درایه های روی قطر اصلی باهم برابر باشند آن را یک ماتریس نامیم. پ) اگر مجموع فواصل نقطه A از دو کانون بیضی بیشتر از طول قطر بزرگ بیضی باشد، نقطه A در بیضی است. ت) هرشعاع نوری که موازی با محور سهیمی به بدنه سهیمی بتابد، بازتاب آن از خواهد گذشت. | ۱ |
| ۱ | درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) در حالت کلی حاصل ضرب ماتریس ها خاصیت جابجایی دارد. ب) اگر A یک ماتریس 3×3 و $ A = 2$ باشد آنگاه $ 2A = 16$ است. پ) مکان هندسی مرکز همه دایره هایی با شعاع ثابت r که بر دایره (O, r) در صفحه این دایره مماس خارج اند، دایره $(O, 2r)$ است. ت) در حالتی که خروج از مرکز بیضی برابر یک باشد بیضی تبدیل به یک دایره می شود.. | ۲ |
| ۱/۷۵ | دو ماتریس $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ m & 0 & n \\ 3 & -1 & 2 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 2 & m-2 \\ n+1 & 1 \end{bmatrix}$ مفروض اند. اگر A یک ماتریس قطری باشد، حاصل $ A + B $ را محاسبه کنید. | ۳ |
| ۱/۲۵ | الف) اگر $A = \begin{bmatrix} A & 8 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$ در این صورت حاصل $ A $ را بیابید. ب) ماتریس وارون A را حساب کنید. | ۴ |
| ۱/۲۵ | در تساوی ماتریسی $\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ مقدار x را بیابید. | ۵ |
| ۱/۵ | نقاط A, B, C و D در صفحه مفروض اند، نقطه ای در این صفحه بیابید که از A و B به یک فاصله و از C و D نیز به یک فاصله باشد (بحث کنید). | ۶ |
| | «ادامه سوالات در صفحه دوم» | |

| | | | |
|---|-----------------------|---------------------|--|
| ساعت شروع: ۸ صبح | تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹ | تعداد صفحه: ۳ | سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳ |
| رشته: ریاضی فیزیک | مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه | نام و نام خانوادگی: | پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه |
| دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | | | مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir |

| ردیف | سوالات (پاسخ نامه دارد) | نمره |
|---|--|------|
| ۷ | معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن بوده و روی خط $2x + y = 2$ وتری به طول ۴ ایجاد کند. | ۱/۲۵ |
| ۸ | وضعیت نقطه $A(-2, -1)$ نسبت به دایره $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 0$ را تعیین کنید. | ۱ |
| ۹ | <p>قطر دایره C مانند شکل، قطر بزرگ بیضی است</p> <p>واز کانون F عمودی بر AA' رسم کرده‌ایم تا</p> <p>دایره را در نقطه‌ای مانند M قطع کند.</p> <p>ثابت کنید MF با نصف قطر کوچک بیضی برابر است.</p> | ۱ |
| ۱۰ | <p>در بیضی مقابل طول قطر بزرگ $\sqrt{2}$ برابر طول قطر کوچک</p> <p>است. اندازه زاویه FBF' چند درجه است؟</p> | ۱/۵ |
| ۱۱ | اگر در یک بیضی طول قطر کوچک ۲۴ و فاصله کانون تا مرکز آن برابر ۵ باشد، خروج از مرکز بیضی را به دست آورید. | ۱ |
| ۱۲ | <p>الف) مختصات رأس، کانون و معادله خط هادی سهمی $x^2 - 4y + 8x = 0$ را به دست آورید.</p> <p>ب) نمودار سهمی را با استفاده از نقاط کمکی رسم کنید.</p> | ۲/۵ |
| <p>ب) بخش انتخابی</p> <p>دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره از سوالات ۱۶ تا ۲۱ فقط ۲ سؤال را به دلخواه انتخاب کرده و پاسخ دهید.</p> | | |
| ۱۳ | <p>الف) حدود m را طوری بیابید که دستگاه معادلات دارای جواب منحصر بهفرد باشد.</p> $\begin{cases} 2mx + 3y = 1 \\ 2x - y = 3 \end{cases}$ <p>ب) جواب دستگاه مذکور را به ازای $m = 2$ با استفاده از ماتریس وارون محاسبه کنید.</p> | ۲ |
| | «ادامه سوالات در صفحه سوم» | |

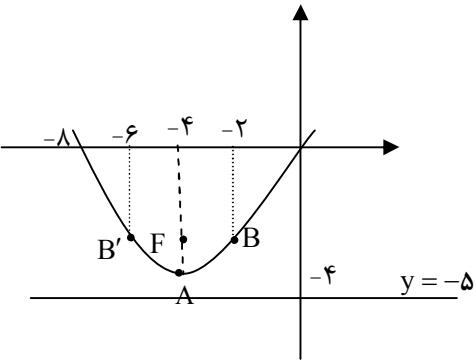
| | | | |
|---|-----------------------|---------------------|--|
| ساعت شروع: ۸ صبح | تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹ | تعداد صفحه: ۳ | سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳ |
| رشته: رياضي فيزيك | مدت امتحان: ۱۳۵ دقيقه | نام و نام خانوادگي: | پايه: دوازدهم دوره دوم متوسطه |
| دانش آموزان روزانه سراسرکشور در فوبت خداداد ماه سال ۱۳۹۹ | | | مرکز سنجش و پايش كيفيت آموزشي http://ace.medu.ir |

| ردیف | سؤالات (پاسخ نامه دارد) | نمره |
|------|--|----------|
| ۱۴ | سهمي $y = 4x - 4$ مفروض است. به مرکز کانون سهمي و به شعاع ۳ دايره‌اي رسم مى‌كنيم، مختصات نقاط برخورد دايره و سهمي را بیابيد. | ۲ |
| ۱۵ | دو بردار $\vec{a} = (3, -2, 1)$ ، $\vec{b} = -2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ را در نظر بگيريد. الف) بردار \vec{a} در کدام ناحيه از فضای \mathbb{R}^3 واقع است؟ (شماره ناحيه ذكر شود). ب) طول بردار $\vec{a} + 2\vec{b}$ را حساب کنيد. پ) برداري عمود بر دو بردار \vec{a} و \vec{b} را پيدا کنيد. | ۲ |
| ۱۶ | بردارهای $\vec{a} = (-2, 0, 2)$ و $\vec{b} = 2\vec{j} + 2\vec{k}$ را در نظر بگيريد. الف) زاويه بين دو بردار \vec{a} و \vec{b} را به دست آوريد. ب) تصویر قائم بردار $\vec{a} + \vec{b}$ را بر امتداد بردار \vec{b} به دست آوريد. | ۲ |
| | موفق و سر بلند باشيد | جمع نمره |
| ۲۴ | | |

| | | | |
|--|---|---|---|
| مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | رشته: ریاضی فیزیک | راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳ |
| تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹ | | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | |
| مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir | | دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | |
| نمره | راهنمای تصحیح | | ردیف |
| ۱ | <p>ب) اسکالر (۰/۲۵) بخش الف الزامی</p> <p>ت) کانون سهمی (۰/۲۵)</p> <p>پ) بیرون (۰/۲۵)</p> | | ۱ |
| ۱ | <p>ت) نادرست (۰/۲۵)</p> <p>پ) درست (۰/۲۵)</p> <p>ب) درست (۰/۲۵)</p> <p>الف) نادرست (۰/۲۵)</p> | | ۲ |
| ۱/۷۵ | $\begin{cases} m - 2 = 0 \rightarrow m = 2 (0/25) \\ n + 1 = 0 \rightarrow n = -1 (0/25) \end{cases}$ $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & -1 & 2 \end{bmatrix} \xrightarrow{(./25)} B = 2(-1) - 1(7) + 1(-2) = -11 (0/5), A = 2 (0/25)$ $ A + B = 2 + (-11) = -9 (0/25)$ | | ۳ |
| ۱/۲۵ | $ A = 5 A - 24 \xrightarrow{(./5)} A = 6 (0/25)$ $A^{-1} = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} 5 & -8 \\ -3 & 6 \end{bmatrix} \quad (\cdot/5)$ <p>ب) ماتریس A وارون پذیر است و وارون آن برابر است با:</p> | | ۴ |
| ۱/۲۵ | $[1 \ x] \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} = 0 \rightarrow [2+x \ 4+2x] \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} = \underbrace{[4+2x+4+2x]}_{(0/5)} = 0 \rightarrow x = -2 (0/25)$ | | ۵ |
| ۱/۵ | <p>مکان هندسی نقاطی که از A و B به یک فاصله اند، عمود منصف پاره خط AB است این خط را d می نامیم (۰/۲۵) و مکان هندسی نقاطی که از نقطه C و D به یک فاصله باشد، عمود منصف پاره خط CD است این خط را d' می نامیم (۰/۲۵)</p> <p>بنابراین نقطه برخورد خطوط d و d' جواب مسئله است. (نقطه E) (۰/۲۵)</p> <p>اگر خطوط d و d' متقاطع باشند مسئله یک جواب دارد. (۰/۲۵)</p> <p>اگر خطوط d و d' منطبق باشند مسئله بی شمار جواب دارد. (۰/۲۵)</p> <p>اگر خطوط d و d' موازی باشند مسئله جواب ندارد. (۰/۲۵)</p> | | ۶ |
| | «ادامه در صفحه دوم» | | |

| | | | |
|--|------------------|---|---|
| مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | رشته: ریاضی فیزیک | راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳ |
| تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹ | | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | |
| مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir | | دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | |

| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---|------|
| ۷ | $OH = \frac{ 2(-1) + 1(-1) - 2 }{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \frac{5}{\sqrt{5}} = \sqrt{5} \quad (0/25)$ $\triangle OAH (H=90^\circ) : OH^2 + AH^2 = OA^2 \rightarrow (\sqrt{5})^2 + 2^2 = r^2 \quad (0/25)$ $r = \sqrt{5} \quad (0/25) \rightarrow (x+1)^2 + (y+1)^2 = 5 \quad (0/25)$ | ۱/۲۵ |
| ۸ | <p>مرکز وشعاع دایره را به دست می آوریم</p> $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 0 \rightarrow O(1, -1), r = \sqrt{2} \quad (0/5)$ $OA = \sqrt{2} \quad (0/25) \rightarrow OA < r$ <p>نقطه داخل دایره قرار دارد. $(0/25)$</p> | ۱ |
| ۹ | $OM = OA = a \quad (0/25)$ $\triangle OFM : OF^2 + MF^2 = OM^2 \xrightarrow{(0/25)} c^2 + MF^2 = a^2 \xrightarrow{(0/25)} MF = b \quad (0/25)$ | ۱ |
| ۱۰ | $2a = \sqrt{2}(2b) \rightarrow a = b\sqrt{2} \xrightarrow{(0/25)} \cos B_1 = \frac{OB}{BF} = \frac{b}{b\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \rightarrow B_1 = 45^\circ \quad (0/25)$ $\hat{FBF}' = 2 \times 45 = 90^\circ \quad (0/25)$ | ۱/۵ |
| ۱۱ | $2b = 24, b = 12, c = 5 \xrightarrow{(0/25)} a^2 = 12^2 + 5^2 \rightarrow a = 13 \quad (0/25), \frac{c}{a} = \frac{5}{13} \quad (0/25)$ | ۱ |
| | «ادامه در صفحه سوم» | |

| | | | |
|--|---|------------------------------|---|
| مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | رشته: ریاضی فیزیک | راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳ |
| تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹ | | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | |
| مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir | دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | | |
| نمره | راهنمای تصحیح | | ردیف |
| ۲/۵ | <p>الف) فرم استاندارد سهمی به صورت $(x+4)^2 = 4(y+4)$ است ($۰/۵$) سهمی قائم و دهانه آن رو به بالا باز می شود. ($۰/۲۵$) راس سهمی نقطه $A(-4, -4)$ است ($۰/۲۵$) و $a = 1$. مختصات کانون آن نقطه $F(-4, -4+1) = (-4, -3)$ است ($۰/۲۵$). معادله خط هادی سهمی به صورت $y = -4 - 1 = -5$ است ($۰/۲۵$). ب) نقاط کمکی $B'(-6, -3)$ و $B(-2, -3)$ ($۰/۵$) رسم سهمی با استفاده از نقاط کمکی ($۰/۲۵$)</p>  | | ۱۲ |
| ۲ | <p>الف) $\frac{2m}{2} \neq \frac{3}{-1} \rightarrow m \neq -3$ ($۰/۲۵$)</p> $A = \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow A = -10 \neq 0, \quad (۰/۲۵), \quad A^{-1} = \frac{1}{-10} \begin{bmatrix} -1 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix} \quad (۰/۲۵)$ $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \underbrace{\frac{1}{-10} \begin{bmatrix} -1 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}}_{(۰/۲۵)} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -1 \end{cases} \quad (۰/۵)$ | | ۱۳ |
| ۲ | $y^r = 4(x-1) \rightarrow S(1, 0) \quad (۰/۲۵), \quad F(2, 0) \quad (۰/۲۵)$ $(x-2)^r + y^r = 9 \quad (۰/۲۵), \quad \begin{cases} y^r = 4x - 4 \\ y^r = -x^r + 4x + 5 \end{cases} \xrightarrow{(۰/۲۵)} \begin{cases} x = 3 \quad (۰/۲۵) \\ x = -3 \quad (۰/۲۵) \end{cases}$ $M(3, 2\sqrt{2}), \quad M'(3, -2\sqrt{2}) \quad (۰/۵)$ | | ۱۴ |
| | «ادامه در صفحه چهارم» | | |

| | | | |
|--|------------------|---|---|
| مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | رشته: ریاضی فیزیک | راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳ |
| تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹ | | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | |
| مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir | | دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | |

| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---|------|
| ۱۵ | الف) بردار \vec{a} در ناحیه چهارم (۰/۵) $\vec{a} + 2\vec{b} = (3, -2, 1) + 2(-2, 1, -1) = (-1, 0, -1) \quad (0/5)$ $ \vec{a} + 2\vec{b} = \sqrt{2} \quad (0/25)$ ب) ضرب خارجی دو بردار \vec{a} و \vec{b} بر آنها عمود است (۰/۲۵) $\vec{a} \times \vec{b} = (1, 1, -1) \quad (0/5)$ | ۲ |
| ۱۶ | الف) $\vec{a} \cdot \vec{b} = (-2, 0, 2) \cdot (0, 2, 2) = 4 \quad (0/25)$ $ \vec{a} = \vec{b} = 2\sqrt{2} \quad (0/25)$ $\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{a} \vec{b} } = \frac{1}{2} \quad (0/25) \rightarrow \theta = 60^\circ \quad (0/25)$ ب) $\vec{a} + \vec{b} = (-2, 0, 2) + (0, 2, 2) = (-2, 2, 4) \quad (0/25)$ $(\vec{a} + \vec{b})' = \underbrace{\frac{(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^2} \vec{b}}_{(0/25)} = \underbrace{\frac{12}{8}}_{(0/5)} (0, 2, 2) = (0, 3, 3)$ | ۲ |
| | " مصحح گرامی، به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود " | ۲۴ |